



بخش آموزش رسانه تفریحی سنتر

کلیک کنید  www.tafrihicenter.ir/edu

نمونه سوال  گام به گام 

امتحان نهایی  جزو 

دانلود آزمون های آزمایشی 

متوسطه اول : هفتم ... هشتم ... نهم

متوسطه دوم : دهم ... یازدهم ... دوازدهم



جبر و معادله

فصل ۳

❖ عبارات جبری ، نماد ها و قرار داد ها

مربعی به ضلع 2 سانتی متر را در نظر بگیرید ، میخواهیم محیط این مربع را بدست آوریم ، همانطور که می دانیم محیط یک مربع برابر است با مجموع چهار ضلع آن. در واقع داریم :

$$\text{اندازه} \times 4 = \text{محیط مربع}$$

پس با توجه به فرمول بالا ، مقدار محیط مربع یاد شده (2×4) یعنی 8 سانتی متر می باشد.

باز می خواهیم محیط مربعی به ضلع 5 سانتی متر را بدست آوریم که باز هم با توجه به فرمول بالا داریم : $(4 \times 5 = 20)$

به همین صورت می توان محیط مربعات دیگر را با اندازه اضلاع متفاوت بدست آوریم.

حال می خواهیم محیط مربعی را که اندازه ضلع آن مقدار a هست را بدست آوریم، در این صورت داریم : $(4 \times a)$

. نکته : محیط یک مربع را با حرف P و مساحت آن را با حرف S

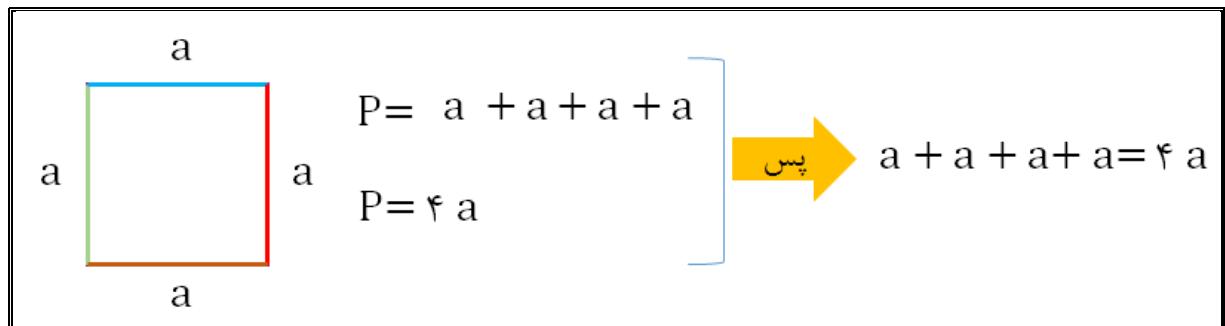
نمایش می دهند.

a

❖ نتیجه : پس ما می توانیم محیط مربع (P) و مساحت مربع (S) را بر حسب حرف a تعریف کنیم. پس داریم :

$$(P = 4 \times a), (S = a \times a = a^2)$$

در دو رابطه نوشته شده در بالا می توانستیم به جای حرف a از حروف دیگری نیز استفاده کنیم.

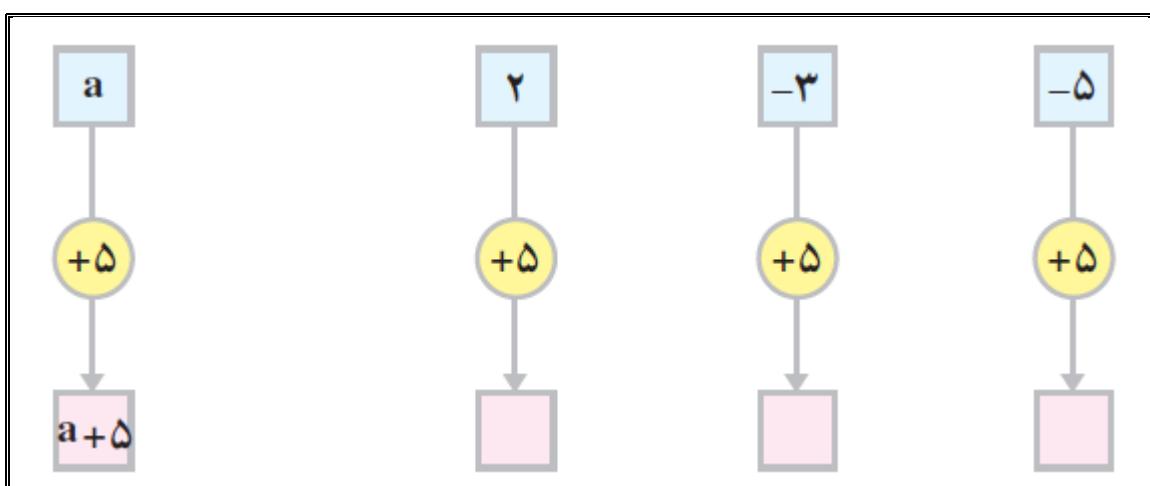


در واقع به حرف a به دید یک عدد نگاه میشود ، به عنوان مثال ما می دانیم که هر عددی که به توان خودش برسد حاصل خود آن عدد است. ما می توانیم این جمله را با حرف a نیز نمایش

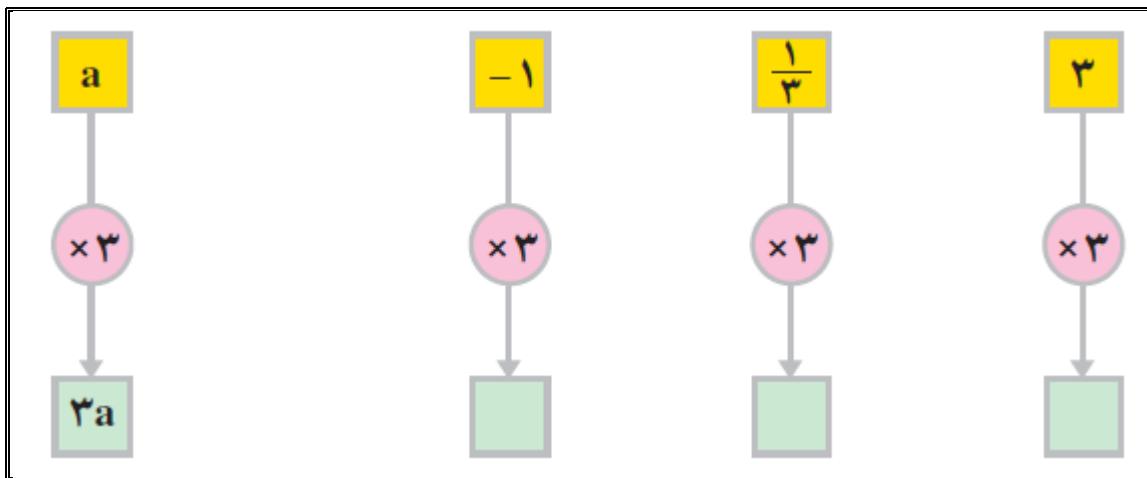
$$a^1 = a \quad \text{دهیم :}$$

. تمرین : عبارت " اندازه حجم یک مکعب برابر است با اندازه آن ضلع از مکعب به توان 3 " را با استفاده از حرف a یا هر حرف انگلیسی دیگری بنویسید.

. نمودار های زیر نشان می دهند که هر عدد داده شده با عدد 5 جمع شده و عدد جدیدی بدست می آید. (با دقت به نمودار ها توجه کنید).



نمودار های زیر نشان می دهند که هر عدد داده شده 3 برابر می شود و عدد جدیدی بدست می آید. (با دقت به نمودارها توجه کنید).



. به تساوی های زیر دقت کنید.

$$\text{apple} + \text{apple} + \text{apple} = 3 \text{ apple}$$

$$\text{pear} + \text{pear} + \text{pear} = 3 \text{ pear}$$

$$\circ / \vee + \circ / \vee + \circ / \vee + \circ / \vee = 4 \times \circ / \vee$$

$$(-3) + (-3) + (-3) + (-3) =$$

. تمرین : با توجه به تساوی ها و شکل های بالا ، تساوی های زیر را کامل کنید. (در کلاس بحث و نتیجه گیری کنید).

$$1/2 + 1/2 + 1/2 =$$

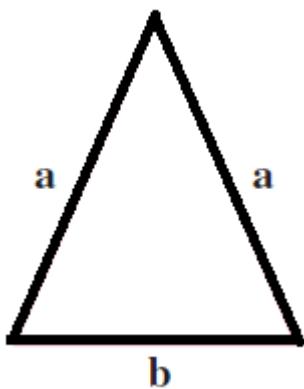
$$\vee + \vee + \vee + \vee + \vee =$$

$$(-6) + (-6) + (-6) =$$

$$(-2) + (-2) + (-2) + (-2) =$$

❖ ساده کردن یک عبارت جبری

در مثلث متساوی الساقین زیر ، اندازه ساق را با a نشان می دهیم و قاعده را با b . می خواهیم محیط این مثلث را به صورت یک عبارت جبری بنویسیم.



همانطور که می دانیم محیط یک مثلث برابر است با مجموع سه ضلع آن ، پس با توجه به اینکه محیط هر شکلی را با نماد (P) نمایش می دهیم ، پس داریم :

$$P = a + a + b = 2a + b$$

. تمرین : مستطیلی را در نظر بگیرید که طول آن a و مقدار عرض آن b باشد ، محیط آن را به صورت یک عبارت جبری بنویسید.

. نتیجه گیری : عبارت $5c + 3x - 3d + 9b$ و عباراتی شبیه آن را عبارت جبری می گویند. عبارت های رو به رو هم عبارات جبری هستند ، که قابل ساده شدن می باشند : $+2y - 6z - 3z - 4y$

$$b - 8a - 6a + 4b$$

. تمرین : کدام یک از عبارات زیر می توان ساده کرد؟

$$x + 3x$$

$$2x + 3y$$

$$x + 2y + 5x$$

. تمرین : عبارت های زیر در صورت امکان ساده کنید.

$$9e + 4d + 2e + 3d =$$

$$1 \circ a + 5m - 2a + m =$$

$$5a + 2a + 9k - 3a =$$

$$4l + 7k - 4k + 5 =$$

$$8g - 9 - 2g + 8 =$$

$$14h + 5 - 4h - 6 =$$

. نکته : در عبارت جبری $3a+5b+4a-3b$ هر کدام از $3a$ ، $5b$ ، $4a$ ، $3b$ را یک جمله می گویند. دو جمله $3a$ و $4a$ را جملات متشابه می گویند ولی دو جمله $5b$ و $3a$ متشابه نیستند. مسلما $3b$ و $5b$ متشابه هستند.

برای ساده کردن عبارتی مانند $8x+5y+4x-2y$ فقط جمله های متشابه را به هم در نظر می گیریم و آنها را جمع یا تفریق می کنیم تا عبارت جبری ساده شود.

به مثال زیر توجه نمایید :

$$12x + 5y + 4x - 2y = 12x + 3y$$

$\overbrace{5y + 4x - 2y}^{3y}$

. تمرین : دو عبارت جبری زیر را ساده کنید.

$$15x + 10y - 3x - 8y =$$

$$7k - 8a - 5k + 10a =$$

به نوع ساده کردن عبارت های جبری زیر دقت کنید ، به این نوع روش ساده کردن فاکتور گیری می گویند به این صورت که از عامل مشترک (عبارت مشترک) فاکتور گرفته و بقیه عوامل باقی مانده را در داخل پرانتز می نویسیم.

$$2a + 6a = (2 + 6) a = 8a$$

$$5a - 2a = (5 - 2) a = 3a$$

. تمرین : حال با استفاده از روش فاکتورگیری عبارات جبری زیر را ساده کنید.

$$5a - 2b - 5a =$$

$$-7a - 3b + 2a - 4b =$$

$$-5a + 2b + 6a - 14b =$$

$$2a + 3a - 7a + 2b =$$

. تمرین : عبارات جبری زیر را با هر روشه‌ی ممکن (معمولی یا فاکتورگیری) ساده کنید.

$$15a + 7d - 4a + 3d$$

$$3b + 10x + 9b - 7b - 7x$$

$$4a + 3k + 4k - 4a$$

$$8c + 3k + 5k - 8k$$

$$3d + 2e + 4d + 3e - 5d - 4e$$

$$7a + 2a + 12d - 3a + 3x - 2x$$

$$5f + 8f + 4 + 10f - 9$$

$$3a + 7 + 3a - 5a - 10$$

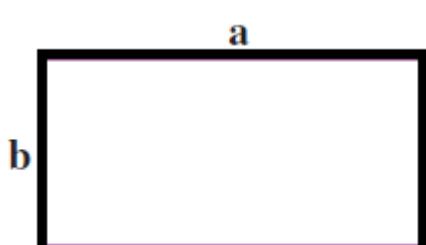
$$4b - 5 - 3b + 2$$

$$3x + 3 - 15 + 4x$$

❖ مقدار عددی یک عبارت جبری

در مستطیل مقابل طول را با a و عرض را با b نشان می‌دهیم ، بنابراین مساحت این مستطیل برابر

$$\text{است با : } S = a \times b$$



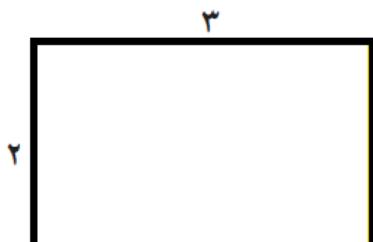
رابطه بالا را برای تمامی مستطیل‌ها می‌توان استفاده کرد.

. تمرین : مساحت مستطیل های زیر را بدست آورید.

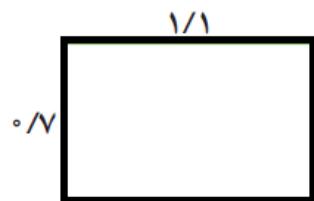
$$a = 4$$

$$b = 3$$

(ج)



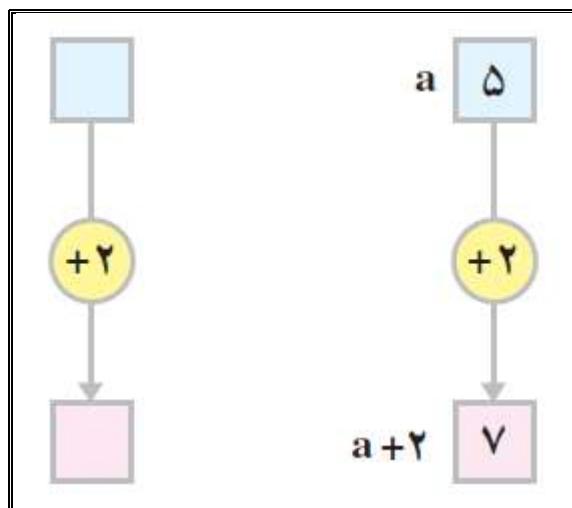
(ب)



(الف)

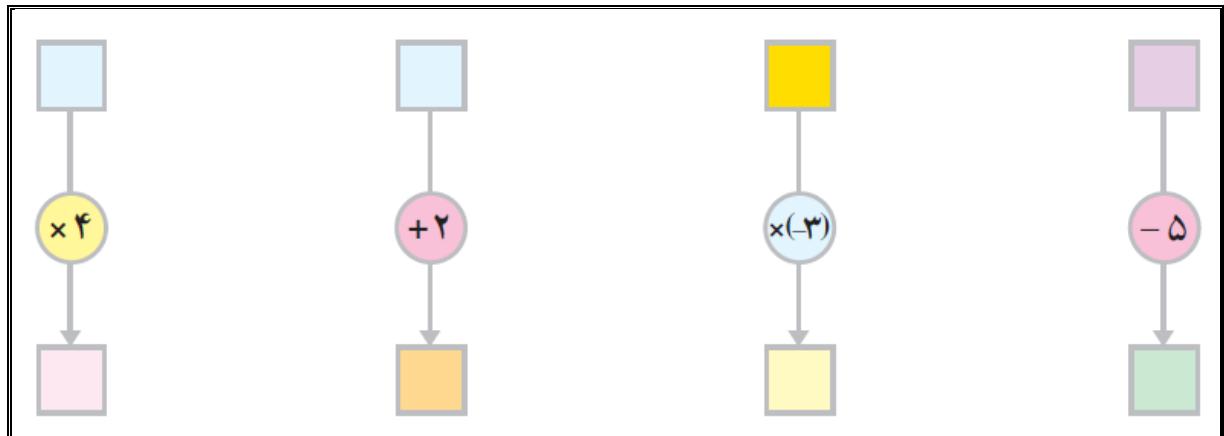
. همانطور که گفتیم یک عبارت جبری می تواند به تعداد بیشماری عبارت عددی تبدیل شود و این در صورتی است که به جای حروف آن عدد ها را قرار دهیم. در تمرین بالا عبارت $a \times (b)$ به سه عبارت عددی تبدیل شده است.

نمودار عبارت جبری $a+2$ را در زیر مشاهده می کنید.

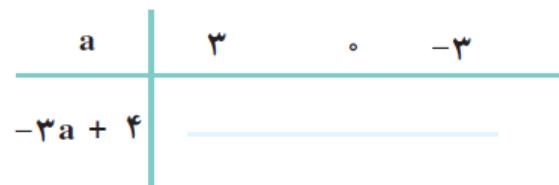
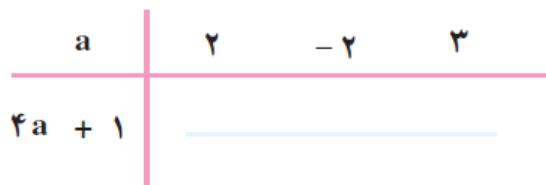
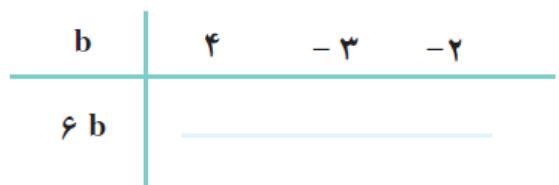
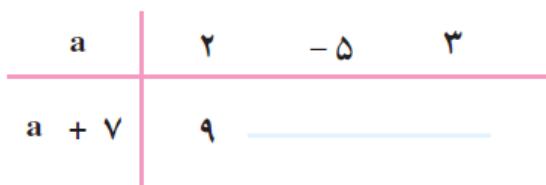


اگر در این عبارت به جای a عدد 5 را قرار بدهیم حاصل عدد 7 می شود. ($5+2 = 7$)

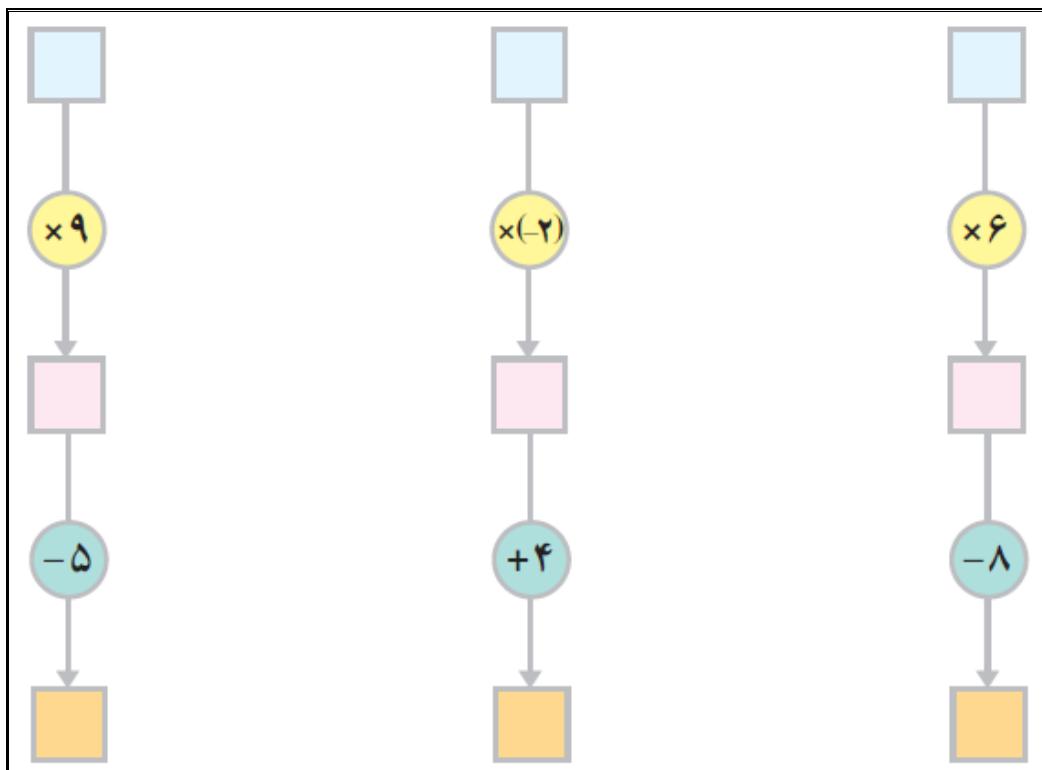
. تمرین : عبارت جبری نظیر هر نمودار را بنویسید.



. تمرین : مقدار عددی هر عبارت جبری را به ازای عددهای داده شده حساب کنید.

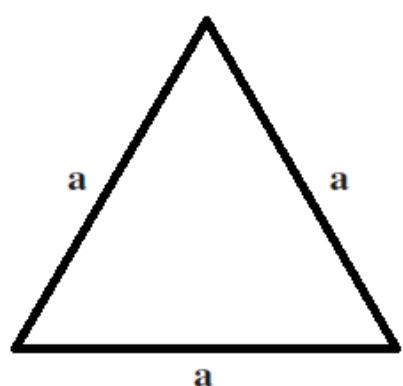


. تمرین : عبارت جبری نظیر هر نمودار را بنویسید.



❖ معادله

میخواهیم با استفاده از یک مثلث متساوی الاضلاع و دانستن مقدار محیط آن و نوشتن رابطه محیط آن به صورت عبارت جبری ، طول یا مقدار ضلع این مثلث را بدست آوریم.



اگر فرض کنیم مقدار محیط این مثلث 12 سانتی متر باشد ،
داریم :

$$\text{محیط مثلث} (P) : 3a$$

$$3a = 12$$

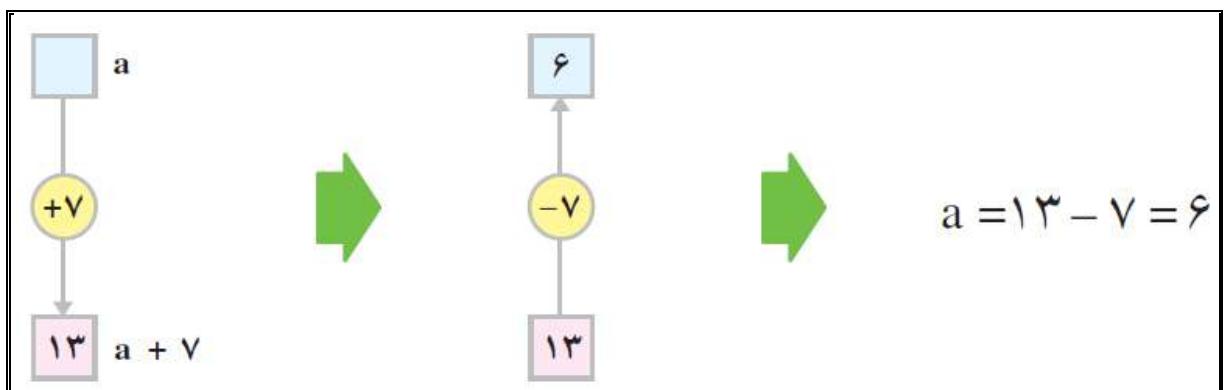
$$a = 4$$

پس طول ضلع این مثلث 4 سانتی متر می باشد.

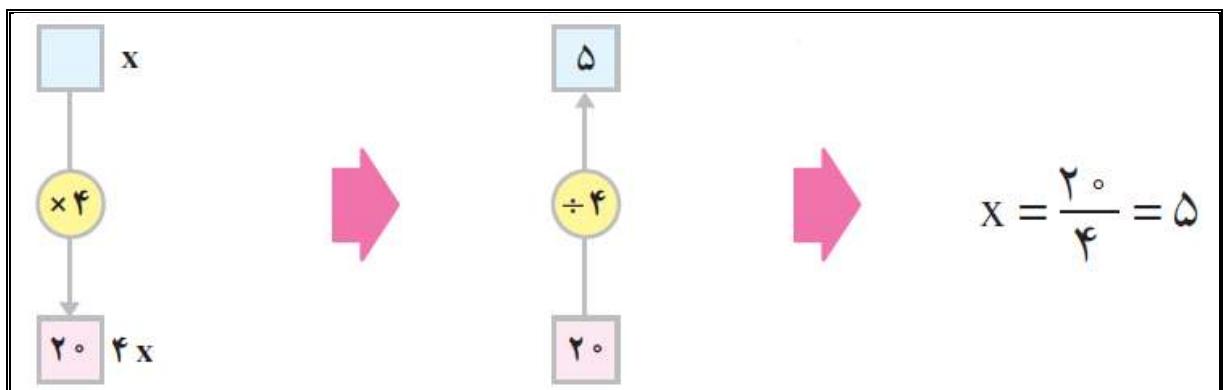
. روشی را که در بالا انجام دادیم ، روش بدست آوردن یک پارامتر مجهول (مانند a) از طریق یک عبارت جبری (3a) بود.

برای توضیح بیشتر به مثال زیر دقت کنید.

عبارت جبری $a+7$ را در نظر بگیرید ، به ازای چه مقداری از a ، مقدار عددی 7 برابر با 13 میشود؟ یعنی a چه عددی باشد تا نساوی $a+7 = 13$ درست و برقرار باشد؟ برای یافتن پاسخ این سوال به نمودارهای زیر توجه کنید :



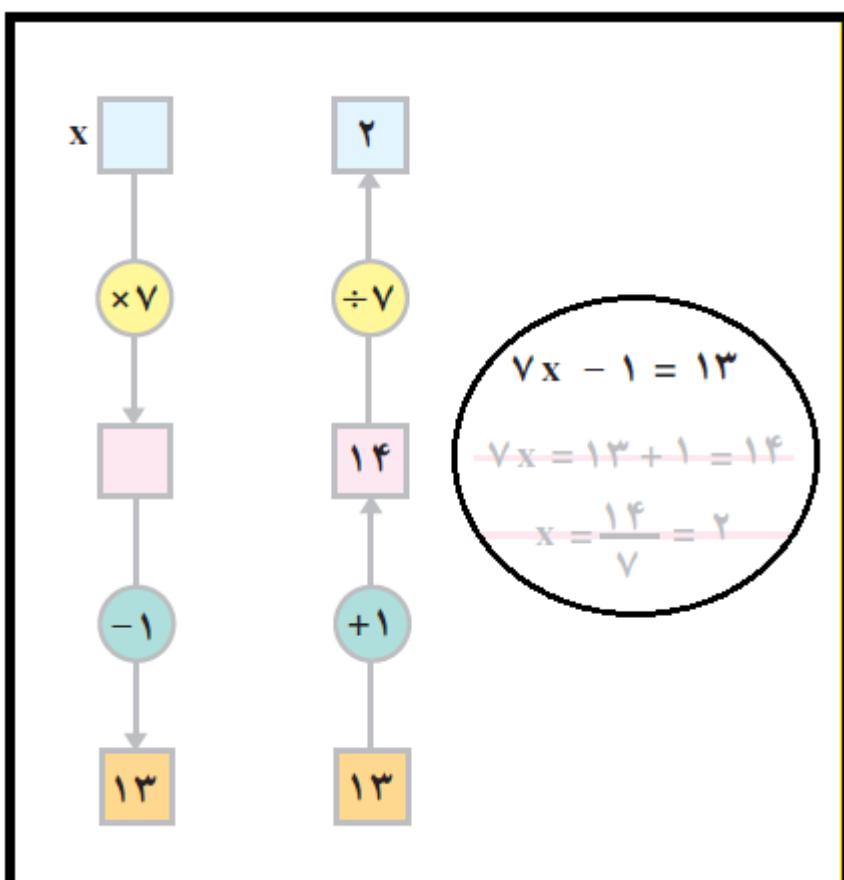
حال عبارت جبری $4x = 20$ را در نظر بگیرید ، میخواهیم بدانیم به ازای چه مقدار از X نساوی یاد شده برقرار است؟ به نمودارهای زیر توجه کنید :



برای حل یک معادله بایستی به نکات زیر توجه کرد :

- 1- ابتدا تمامی اعداد را با در نظر گرفتن علامت‌شان در یک طرف تساوی آورده و مجهولات و ضرایب مجهولات را در طرف دیگر تساوی می‌آوریم.
- 2- سپس عملیات جمع و تفریق را در صورتی که مورد نیاز باشد انجام می‌دهیم تا شکل معادله ساده‌تر و خلوت‌تر باشد.
- 3- سپس عدد باقی مانده در یک طرف تساوی را به عدد (ضریب) مجهول تقسیم می‌کنیم تا مقدار پارامتر مجهولمان بدست آید.

باز هم به مثال زیر توجه نمایید :



. تمرین : معادلات زیر را حل نمایید.

$$4x - 6 = 6$$

$$4x = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$x = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$7b + 3 = 18$$

$$\underline{\hspace{2cm}}$$

$$\underline{\hspace{2cm}}$$

$$3a + \frac{2}{5} = 1$$

$$\underline{\hspace{2cm}}$$

$$\underline{\hspace{2cm}}$$

$$5x = 10$$

$$3x - 7 = 13$$

$$\frac{1}{2}x = 4$$

$$15x - 10 = 20$$

$$4x + 5 = 11$$

$$x + 2 = 1$$

$$x + 4 = 5$$

$$3x = 8$$

$$x + \frac{1}{2} = 4$$

$$7x - 2 = 19$$

$$6x + 6 = 12$$

. مساله : احمد 3000 تومان پول داشت ، او 4 عدد دفتر خرید و 200 تومان پول برایش باقی ماند ، قیمت هر دفتر چقدر بوده است؟

قیمت هر دفتر : x

سپس ، جمله های مسئله را به عبارت های جبری تبدیل می کنیم :

$4x$: احمد 4 دفتر خرید

200 : 200 تومان برایش باقی ماند

$4x + 200 = 3000$: احمد 3000 تومان پول داشت

معادله را حل کنید تا مجهول مسئله (x) یا قیمت هر دفتر پیدا شود.

. مساله : حسین و علی با هم 36 جلد کتاب را صحافی کرده اند ، اگر حسین 6 جلد کتاب بیشتر از علی صحافی کرده باشد ، هر کدام چند جلد صحافی کرده اند؟

. تمرین : آیا (2-) جواب معادله $6 - 4x = 8$ می باشد؟

. تمرین : با توجه به شکل های زیر اندازه زاویه BCD را پیدا کنید.

